

Сучасний економіст повинен володіти економіко-математичними методами, вміти їх використовувати для моделювання реальних економічних ситуацій. Це дозволяє краще засвоїти теоретичні питання сучасної економіки, сприяє підвищенню рівня кваліфікації і загальної професійної культури фахівця [1].

Формування вміння використовувати математичні моделі для аналізу економічних ситуацій є досить тривалим процесом, який потребує знань і праці. Тому при підготовці фахівців економічного напрямку повинні систематично робитися викладки методів економіко-математичного моделювання, які широко використовуються в різних галузях економіки, при прийнятті управлінських рішень в фінансовій сфері в силу розробленості математичного апарату і можливості практичної реалізації [2].

Крім організації й проведення окремих занять міжпредметного характеру ми знайомили студентів з елементами економічних знань на звичайних заняттях за допомогою розв'язання спеціально підібраних завдань економічної спрямованості.

### Література

1. Вітлінський В.В. Моделювання економіки. – К.: КНЕУ, 2003. – 358 с.
2. Лабскер Л.Г. Вероятностное моделирование в финансово-экономической области. – М.: Альпина, 2002. – 286 с.

И.Л. Кущенко

Керченский государственный морской технологический университет

### НЕКОТОРЫЕ ОСОБЕННОСТИ ИЗЛОЖЕНИЯ МЕТОДА НАИМЕНЬШИХ КВАДРАТОВ ВО ВТУЗах

Одной из важнейших тем курса «Математическая статистика», изучаемых студентами нашего ВТУЗа, является тема «Парная линейная корреляция». В ходе изложения указанной темы поиск параметров  $a_0$  и  $a_1$  уравнения регрессии  $\bar{y}_x = a_0 + a_1 x$  осуществляется таким образом, чтобы функция

$$F(a_0; a_1) = \sum_{i=1}^n (a_0 + a_1 x_i - y_i)^2$$

приняла свое наименьшее значение.

Авторы учебников, монографий и методических пособий, доступных нашим студентам, находят стационарную точку функции

$$F(a_0; a_1) = \sum_{i=1}^n (a_0 + a_1 x_i - y_i)^2$$

, не доказывая, что именно в этой точке

функция достигает своего наименьшего значения, а это всегда вызывает вопросы у наиболее активной части студентов (в курсе «Математического анализа» мы акцентируем внимание на том факте, что наименьшее значение функции и минимум функции – это, вообще говоря, не одно и то же). Поэтому целью нашего исследования являлся поиск соответствующего доказательства.

Предлагаемое доказательство является геометрическим: с помощью теории инвариантов доказывается, что функция

$$F(a_0; a_1) = \sum_{i=1}^n (a_0 + a_1 x_i - y_i)^2 \geq 0$$

определяет эллиптический

параболоид, расположенный не ниже координатной плоскости  $a_0Oa_1$  и имеющий ось симметрии, параллельную координатной оси OF. На рис.1 представлено схематическое изображение указанного параболоида.

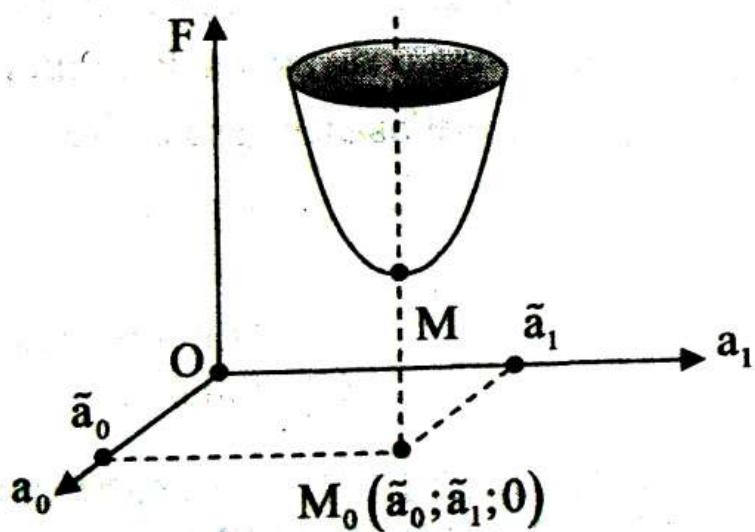


Рис.1 Эллиптический параболоид

Очевидно, функция  $F(a_0; a_1) = \sum_{i=1}^n (a_0 + a_1 x_i - y_i)^2$ , график которой изображён на рис.1, принимает наименьшее значение в точке  $(\tilde{a}_0; \tilde{a}_1)$ , которая является её точкой минимума.

Найдём координаты точки минимума  $(\tilde{a}_0; \tilde{a}_1)$ , в которой

$$\begin{cases} \frac{\partial F}{\partial a_0} = 0 \\ \frac{\partial F}{\partial a_1} = 0 \end{cases}.$$

Откуда получаем:

$$\begin{cases} a_0 \cdot n + a_1 \cdot \sum_{i=1}^n x_i - \sum_{i=1}^n y_i = 0 \\ a_0 \cdot \sum_{i=1}^n x_i + a_1 \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \sum_{i=1}^n x_i \cdot y_i = 0 \end{cases} \quad \text{или} \quad \begin{cases} a_0 + a_1 \cdot \bar{x} = \bar{y} \\ a_0 \cdot \bar{x} + a_1 \cdot \bar{x}^2 = \bar{xy} \end{cases}.$$

Несложно показать, что последняя система равносильна системе:

$$\begin{cases} a_0 = \bar{y} - a_1 \bar{x} \\ a_1 = \frac{\bar{xy} - \bar{x} \cdot \bar{y}}{D_x} \end{cases} \quad (1)$$

Таким образом, система (1) определяет такие значения параметров  $a_0$  и  $a_1$ , при которых функция  $F(a_0; a_1)$  принимает своё наименьшее значение, что и требовалось доказать.

**О.П.Маслов, к. ф.-м. н., доцент  
Сумський державний університет**

## МОТИВАЦІЯ ВИВЧЕННЯ МАТЕМАТИКИ ДЛЯ ТЕХНІЧНИХ СПЕЦІАЛЬНОСТЕЙ

Сучасний стан викладання математичних дисциплін характеризується значним підвищенням об'ємів самостійної роботи студентів при зниженні аудиторного навантаження. У той же час розвиток сучасних технологій вимагає збільшення об'ємів знань з фундаментальних дисциплін. У таких умовах, для оволодіння