

## Секція математичного моделювання

$$\lambda \frac{\partial T}{\partial x} = \rho Q \frac{\partial \xi}{\partial t}, T(\xi, t) = T_0, x = \xi,$$

и

$$\lambda \frac{\partial T}{\partial x} = \rho Q \frac{\partial \eta}{\partial t}, T(\eta, t) = T_0, x = \eta$$

где  $T_0$  - температура затвердевания,  $Q$  - теплота фазового перехода,  $\rho$  - плотность,  $\lambda$  - теплопроводность.

Задача теории упругости на каждой границе решается в квазистатической постановке. В первом приближении будем полагать, что единственными отличными от нуля компонентами тензора напряжений, удовлетворяющим уравнениям равновесия, совместности и граничным условиям, являются  $\sigma_{yy} = \sigma_{zz} = \sigma(x, t)$  и отличные от нуля компоненты тензора деформаций  $\varepsilon_{yy} = \varepsilon_{zz} = \varepsilon(t)$ ,  $\varepsilon_{xx} = \varepsilon(x, t)$ .

В работе получено приближенное решение тепловой задачи и законы движения фазовых границ. Исследовано влияние различных условий теплообмена на охлаждаемых поверхностях как на скорость движения границы, так и на напряжённое состояние затвердевающих слоёв.

### Литература.

1. Тихонов А.Н., Самарский А.А. Уравнения математической физики. М., Наука, 1972.

## К ОЦЕНКЕ ВРЕМЕНИ СУЩЕСТВОВАНИЯ ЖИДКОЙ ФАЗЫ В ПЛАСТИНЕ, ПОДВЕРЖЕННОЙ ВОЗДЕЙСТВИЮ КОНЦЕНТРИРОВАННОГО ПОТОКА ЭНЕРГИИ.

Клименко В.А., Чаплигин О.О., Ячменьов В.О.  
Сумський державний університет

При исследовании тепловых процессов в твёрдых телах под действием мощных импульсных пучков заряженных частиц большой интерес представляют такие характеристики как размеры области проплавления и время существования гладкой фазы.

В данном докладе будет рассмотрена задача о затвердевании исходного слоя при различных условиях теплообмена на охлаждаемых поверхностях  $x = 0$  и  $x = l$ . Предполагается, что в начальный момент времени полоса  $0 \leq x \leq l$  занята жидкостью при температуре затвердевания  $T(x, 0) = T_0$ .

## Секція математичного моделювання

Математическая постановка задачи такова. Найти функцию  $T(x, t)$  удовлетворяющую уравнениям

$$\frac{\partial u_1}{\partial t} = a_1 \frac{\partial^2 u_1}{\partial x^2}, \quad 0 < x < \xi,$$

$$\frac{\partial u_2}{\partial t} = a_2 \frac{\partial^2 u_2}{\partial x^2}, \quad \xi < x < \eta,$$

$$\frac{\partial u_3}{\partial t} = a_3 \frac{\partial^2 u_3}{\partial x^2}, \quad \eta < x < l,$$

условиям теплового баланса на границе раздела жидкой и твёрдых фаз

$$\lambda \frac{\partial T}{\partial x} = \rho Q \frac{\partial \xi}{\partial t}, \quad T(\xi, t) = T_u, \quad x = \xi$$

$$\lambda \frac{\partial T}{\partial x} = \rho Q \frac{\partial \eta}{\partial t}, \quad T(\eta, t) = T_u, \quad x = \eta$$

а также начальному

$$T(x, 0) = T_u$$

и граничным условиям на поверхностях  $x = 0$  и  $x = l$ . Это могут быть условия первого, второго рода. Задача рассматривается в одномерной постановке, что достаточно точно соответствует многим реальным процессам.

Температурное поле в затвердевающих слоях и закон движения фазовых границ в общем виде находятся из решения некоторого обыкновенного дифференциального уравнения  $n$ -го порядка.

Исследованы различные условия теплообмена на границе пластины.

В частности, если поверхности пластины поддерживаются при постоянной температуре  $T = T_0 < T_h$ , то закон движения фазовой границы на первых этапах охлаждения совпадает с классическим решением.