IMA :: 2015

Фундаментальные решения магнитоупругости для составной пьезомагнитной плоскости

Фильштинский Л.А., *профессор*; Еременко А.А., *аспирант*; Носов Д.Н., *аспирант* Сумский государственный университет, г. Сумы

Рассмотрим отнесенную к декартовой системе координат Ox_1x_2 составную электромагнитоупругую плоскость в некоторой точке которой z_0 действуют сосредоточенное усилие $Q=Q_1+iQ_2$, сосредоточенные электрический и магнитный заряды Q_3 , Q_4 ,

В работе построены фундаментальные решения для составной полуплоскости, которые имеют вид:

$$\Phi_{k}^{(1)}\left(z_{k}, z_{0}^{(1)}, z_{0}^{(2)}\right) = \frac{A_{k}^{(1)}}{z_{k} - z_{0k}^{(1)}} - \sum_{n=1}^{4} \frac{\overline{b}_{kn}^{(1)} \overline{A}_{n}^{(1)}}{z_{k} - z_{0n}} - \sum_{n=1}^{4} \frac{\overline{\alpha}_{kn}^{(2)} \overline{A}_{n}^{(2)}}{z_{k} - z_{0n}}, \quad \text{Im } z \ge 0$$

$$\Phi_{k}^{(2)}\left(z_{k}, z_{0}^{(1)}, z_{0}^{(2)}\right) = \frac{A_{k}^{(2)}}{z_{k} - z_{0k}^{(2)}} - \sum_{n=1}^{4} \frac{\overline{b}_{kn}^{(2)} \overline{A}_{n}^{(2)}}{z_{k} - z_{0n}^{(2)}} - \sum_{n=1}^{4} \frac{\overline{\alpha}_{kn}^{(1)} \overline{A}_{n}^{(1)}}{z_{k} - z_{0n}^{(1)}}, \quad \text{Im } z \le 0$$

где $z_k={\rm Re}\,z+\mu_k\,{\rm Im}\,z$, $z_{0k}={\rm Re}\,z_0+\mu_k\,{\rm Im}\,z_0$; $\alpha_{kn}^{(j)}$, $b_{kn}^{(j)}$ определяются из условий сопряжения на оси $x_2=0$:

$$u_{i}(x_{1}, x_{2} + 0) = u_{i}(x_{1}, x_{2} - 0), \ \sigma_{i2}(x_{1}, x_{2} + 0) = \sigma_{i2}(x_{1}, x_{2} - 0), \ (i = \overline{1, 2})$$

$$D_{2}(x_{1}, x_{2} + 0) = D_{2}(x_{1}, x_{2} - 0), \ H_{2}(x_{1}, x_{2} + 0) = H_{2}(x_{1}, x_{2} - 0), \ (i = \overline{1, 2})$$

$$E_{1}(x_{1}, x_{2} + 0) = E_{1}(x_{1}, x_{2} - 0), \ H_{1}(x_{1}, x_{2} + 0) = H_{1}(x_{1}, x_{2} - 0), \ (i = \overline{1, 2})$$

 $A_k^{(j)}$, $(j=\overline{1,2})$, находим из условий однозначности перемещений, электрического и магнитного потенциалов, статических условий равновесия и условий сохранения электрического и магнитного зарядов.

Эти решения будут использованы при рассмотрении краевых задач о трещинах в составной среде.