

**ISSN 2307-5740**

**Науковий журнал**

# **ВІСНИК**

**Хмельницького  
національного  
університету**

---

**Економічні науки**

---

**2014, № 4, Том 1**

---

**Scientific journal**

**HERALD**  
**of Khmelnytskyi National University**  
**Economic sciences**

---

**2014, Issue 4, Part 1**

**Хмельницький 2014**

## ВІСНИК

Хмельницького національного університету

Затверджений як фахове видання

Постановою президії ВАК України від 16.12.2009 № 1-05/6

([http://vak.org.ua/docs//prof\\_journals/journal\\_list/whole.pdf](http://vak.org.ua/docs//prof_journals/journal_list/whole.pdf))

Засновано в липні 1997 р.

Виходить 6 разів на рік

---

Хмельницький, 2014, № 4, Т. 1 (214)

---

Засновник і видавець: Хмельницький національний університет  
(до 2005 р. — Технологічний університет)  
Поділля, м. Хмельницький

Включено до наукометричної бази

РИНЦ [http://elibrary.ru/title\\_about.asp?id=37650](http://elibrary.ru/title_about.asp?id=37650)

Головний редактор Скиба М. Є., д. т. н., професор, заслужений працівник народної освіти України, член-кореспондент Національної академії педагогічних наук України, ректор Хмельницького національного університету

Заступник головного редактора Параска Г. Б., д. т. н., професор, проректор з наукової роботи Хмельницького національного університету

Голова редакційної колегії Войнаренко М. П., д. е. н., професор, заслужений діяч науки і техніки України, проректор з науково-педагогічної роботи, перший проректор Хмельницького національного університету

Відповідальний секретар Гуляєва В. О., завідувач відділом інтелектуальної власності Хмельницького національного університету

### Члени редколегії

#### Економічні науки

Альохін О. Б., д. е. н.; Асаул А. М., д. е. н. (Російська Федерація); Благун І. С., д. е. н.; Бондаренко М. І., к. е. н.; Веденріков М. Д., д. е. н.; Вишковська Софія, д. е. н. (Польща); Геща В. М., д. е. н.; Григорук П. М., д. е. н.; Дудко В. М., д. е. н. (Російська Федерація); Завгородня Т. П., д. е. н.; Йохна М. А., к. т. н.; Ковал'чук С. В., д. е. н.; Круглаш Б. С., д. е. н.; Кулінич О. І., д. е. н.; Лук'янова В. В., д. е. н.; Любочинець Л. С., к. е. н.; Мікула Н. А., д. е. н.; Мизятенко В. В., д. е. н.; Нижник В. М., д. е. н.; Орлов О. О., д. е. н.; Стадник В. В., д. е. н.; Тельнов А. С., д. е. н.; Ткаченко І. С., д. е. н.; Троціковський Тадеуш, к. е. н. (Польща); Тюріна Н. М., к. е. н.; Савіна Г. Г., д. е. н.; Семініна М. В., д. е. н.; Скоробогата Л. В., к. е. н.; Федотов О. В., д. е. н. (Російська Федерація); Філіппова С. В., д. е. н.; Хруш Н. А., д. е. н.; Церукова Тетяна, д. е. н. (Словакія); Чорна Л. О., д. е. н.

Технічний редактор к. т. н. Романюк В. В.

Редактор-коректор Броженко В. О.

Рекомендовано до друку рішенням Вченої ради Хмельницького національного університету,  
протокол № 1 від 29.08.2014

Адреса редакції: Україна, 29016,  
м. Хмельницький, вул. Інститутська, 11,  
Хмельницький національний університет  
редакція журналу "Вісник Хмельницького національного університету"  
телефон: (03822) 2-51-08  
e-mail: [patent\\_1@beta.tup.km.ua](mailto:patent_1@beta.tup.km.ua)  
[vagvestnik@rambler.ru](mailto:vagvestnik@rambler.ru)  
web: [http://library.tup.km.ua/visnyk\\_tup.htm](http://library.tup.km.ua/visnyk_tup.htm)  
<http://visniktup.narod.ru>  
<http://vestnik.ho.com.ua>

Зареєстровано Міністерством України у справах преси та інформації.  
Свідоцтво про державну реєстрацію друкованого засобу масової інформації  
Серія КВ № 9721 від 29 березня 2005 року (перереєстрація)

© Хмельницький національний університет, 2014  
© Редакція журналу "Вісник Хмельницького національного університету", 2014

**МЕХАНІЗМИ УПРАВЛІННЯ ДІЯЛЬНІСТЮ ВІТЧИЗНЯНИХ ПІДПРИЄМСТВ  
ЗА УМОВ РОЗВИТКУ ІНТЕГРАЦІЙНИХ ПРОЦЕСІВ**

<b>К. В. МЕЛЬНИКОВА</b> МЕТОДИ УПРАВЛІННЯ ПІДПРИЄМСТВАМИ НА ОСНОВІ ЗБАЛАНСОВАНОЇ СИСТЕМИ ПОКАЗНИКІВ	7
<b>М. О. ОВЧИННИКОВА</b> МЕТОДИЧНИЙ ІНСТРУМЕНТАРІЙ ФОРМУВАННЯ ЗБАЛАНСОВАНОЇ ГОСПОДАРСЬКОЇ ПОЛІТИКИ	13
<b>Ж. В. ДЕРІЙ, Т. В. ОСТАПЕНКО</b> РОЗВИТОК АГРАРНИХ КЛАСТЕРІВ ЯК ОРГАНІЗАЦІЙНО-ЕКОНОМЧНИЙ БАЗИС ПІДВИЩЕННЯ РІВНЯ ПОТЕНЦІАЛУ АПК	17
<b>О. А. КАРПЮК</b> МЕТОДИКА ЗАСТОСУВАННЯ КОНЦЕПЦІЇ «ШІСТЬ СИГМ» В СИСТЕМІ УПРАВЛІННЯ ЯКІСТЮ НА ПІДПРИЄМСТВІ	22
<b>Т. І. НОСОВА</b> СТРАТЕГІЧНЕ УПРАВЛІННЯ ІНТЕЛЕКТУАЛЬНИМ ПОТЕНЦІАЛОМ ТОРГОВЕЛЬНОГО ПІДПРИЄМСТВА	28
<b>І. Г. ФАДЕЄВА</b> НОВІТНІЙ ПІДХІД ДО УПРАВЛІННЯ ПРОЦЕСОМ ФОРМУВАННЯ ВИТРАТ НА БУРІННЯ НА ФТОВИХ І ГАЗОВИХ СВЕРДЛОВИНАХ	35
<b>О. Ю. ШУМЕЙКО, Т. В. СЕМЕНО</b> ДОСЛДЖЕННЯ ЕКОНОМЧНОЇ СУТНОСТІ КАТЕГОРІЙ: ОСНОВНІ ФОНДИ, ОСНОВНІ ЗАСОБИ, ОСНОВНИЙ КАПІТАЛ ПІДПРИЄМСТВА	45
<b>ЕКОНОМІКА ПРАЦІ ТА УПРАВЛІННЯ ПЕРСОНАЛОМ, РОЗВИТОК ТРУДОВИХ РЕСУРСІВ</b>	
<b>В. Д. БЕЛІК</b> ПІДВИЩЕННЯ РЕЗУЛЬТАТИВНОСТІ СТРАТЕГІЧНОГО УПРАВЛІННЯ ПЕРСОНАЛОМ НА ПІДПРИЄМСТВАХ ХАРЧОВОЇ ПРОМИСЛОВОСТІ	49
<b>М. В. КОРИНЬ</b> СТРАТЕГІЯ РОЗВИТКУ КАДРОВОГО ПОТЕНЦІАЛУ ЗАЛІЗНИЦІ	53
<b>Д. С. ЧЕПЕЛЕНКО</b> ОСОБЛИВОСТІ МІЖНАРОДНОЇ МІГРАЦІЙНОЇ ПОЛІТИКИ В УМОВАХ ГЛОБАЛІЗАЦІЙНИХ ВИКЛИКІВ	57
<b>О. Л. ЄСЬКОВ, В. А. ЛІТИНСЬКА</b> ОСОБЛИВОСТІ ОРГАНІЗАЦІЙНОЇ КУЛЬТУРИ НА ВІТЧИЗНЯНИХ ПІДПРИЄМСТВАХ	62
<b>ОБЛІК ТА АУДИТ</b>	
<b>Я. С. ВІТВИЦЬКИЙ, І. М. ПЕТРУНЧАК</b> УДОСКОНАЛЕННЯ СИСТЕМИ ОПОДАТКУВАННЯ У НАФТОВИДОБУВАННІ	66

---

<b>О. С. ПРОКОПІШИН</b> ПОДАТОК НА ДОДАНУ ВАРТІСТЬ: ОСОБЛИВОСТІ ОПОДАТКУВАННЯ ТА ОВЛІКУ В ЕКСПОРТНО-ІМПОРТНИХ ОПЕРАЦІЯХ	72
---	----

**СУЧАСНІ ТЕНДЕНЦІЇ ІННОВАЦІЙНО-ІНВЕСТИЦІЙНОЇ  
ДІЯЛЬНОСТІ ПІДПРИЄМСТВ**

<b>Н. І. ІЛЯШ</b> СИСТЕМНІ РИЗИКИ І ЗАГРОЗИ ІНВЕСТИЦІЙНО-ІННОВАЦІЙНОЇ ДІЯЛЬНОСТІ У РЕАЛЬНОМУ СЕКТОРІ ЕКОНОМІКИ УКРАЇНИ	76
--	----

<b>О. І. БАБЧИНСЬКА, А. Р. ЛЕВЧЕНКО</b> ОСОБЛИВОСТІ ОЦІНКИ ЄФЕКТИВНОСТІ ІННОВАЦІЙНОЇ ДІЯЛЬНОСТІ ПІДПРИЄМСТВA	87
---	----

<b>М. В. ДОБРЯНСЬКА</b> СУТНІСТЬ І ВИДИ ФАКТОРІВ, ЯКІ ВПЛИВАЮТЬ НА ІНВЕСТИЦІЙНЕ ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ ТЕХНОЛОГІЧНОГО ОНОВЛЕННЯ ПІДПРИЄМСТВ	93
---	----

<b>К. В. СІРЕНКО</b> СТАТИСТИЧНИЙ АНАЛІЗ ІННОВАЦІЙНОЇ ДІЯЛЬНОСТІ В УКРАЇНІ	100
---	-----

**ФІНАНСИ ТА БАНКІВСЬКА СПРАВА**

<b>О. Ю. АПОСТОЛЮК</b> ІНСТРУМЕНТИ РЕАЛІЗАЦІЇ ДЕРЖАВНОЇ ФІНАНСОВОЇ ПІДТРИМКИ МАЛОГО ПІДПРИЄМНИЦТВА	106
--	-----

<b>С. В. ВОЛОСОВИЧ</b> ІНСТИТУЦІЙНА ПІДТРИМКА РОЗВИТКУ КРЕДИТНОГО СТРАХУВАННЯ	110
--	-----

<b>Р. А. КРАМЧЕНКО, Г. В. МІСЬКІВ</b> СПОЖИВЧІ КРЕДИТИ ЯК ДЖЕРЕЛО ФОРМУВАННЯ ФІНАНСОВИХ РЕСУРСІВ ДОМОГОСПОДАРСТВ	114
--	-----

<b>В. В. КРИВОШЕЄВА</b> СУТНІСТЬ ТА СКЛАДОВІ КРЕДИТНОЇ ПОВЕДІНКИ ФІЗИЧНИХ ОСІБ	119
---	-----

<b>Л. М. МАЛЯРЕЦЬ, В. В. КОЙБІЧУК</b> РОЗРОБЛЕННЯ НЕЧІТКОЇ БАГАТОФАКТОРНОЇ ЛІНІЙНОЇ РЕГРЕСІЙНОЇ МОДЕЛІ В УПРАВЛІННІ КОНКУРЕНТОСПРОМОЖНІСТІ БАНКУ	123
--	-----

<b>Н. П. ПОГОРЕЛЕНКО, М. І. ГОЙХМАН</b> ФОРМАЛІЗОВАНІ ПІДХОДИ ДО ОПИСУ НАСЛІДКІВ РЕГУЛЮВАННЯ БАНКІВСЬКОЇ СИСТЕМИ	132
--	-----

**АКТУАЛЬНІ ПРОБЛЕМИ ЗАСТОСУВАННЯ ТЕОРІЇ І ПРАКТИКИ МАРКЕТИНГУ**

<b>Л. П. КОВАЛЬЧУК</b> ТЕОРЕТИЧНІ ЗАСАДИ МЕТОДІВ ПРОГНОЗУВАННЯ ТА ОЦІНКИ СПОЖИВЧОГО ПОПИТУ	138
---	-----

<b>С. М. МОКІНА</b> ІНСТРУМЕНТИ ФОРМУВАННЯ ПРИВАЛІВОГО БРЕНДУ РОВОТОДАВЦЯ	141
--	-----

<b>В. А. ХАРУК</b>	
РИНОК НАФТОПРОДУКТІВ УКРАЇНИ ЯК ОБ'ЄКТ ІНВЕСТУВАННЯ	148
<b>І. А. ПЕДЬКО</b>	
АЛГОРІТМ СИСТЕМИ ЗВОРУ І АНАЛІЗУ ІНФОРМАЦІЇ ЩОДО СТАНУ МАРКЕТИНГОВОГО СЕРЕДОВИЩА ПІДПРИЄМСТВА-ВИРОБНИКА БЕТОНУ ТА ВИРОБІВ З БЕТОНУ	151
<b>ПРИОРИТЕТИ РЕГІОНАЛЬНОЇ ЕКОНОМІЧНОЇ ПОЛІТИКИ, АНАЛІЗ РЕГІОНАЛЬНИХ І МІСЦЕВИХ РИНКІВ</b>	
<b>Г. О. ЗЕЛІНСЬКА</b>	
ТЕРИТОРІАЛЬНИЙ ОСВІТНІЙ ОКРУГ ЯК ІННОВАЦІЯ У ОРГАНІЗАЦІЇ РЕГІОНАЛЬНОГО ОСВІТНЬОГО МЕНЕДЖМЕНТУ	156
<b>Є. С. ПАЛІЙЧУК</b>	
ДИНАМІКА ІНТЕГРАЛЬНОГО ПОКАЗНИКА РОЗВИТКУ ГАЛУЗЕЙ СОЦІАЛЬНОЇ ІНФРАСТРУКТУРИ ЗАКАРПАТСЬКОЇ ОБЛАСТІ	160
<b>ЗАГАЛЬНІ ПРОБЛЕМИ ЕКОНОМІКИ</b>	
<b>О. М. ТЕЛІЖЕНКО, Ю. А. ОПАНАСЮК</b>	
ЕКСПРЕС-ОЦІНКА ЕКОЛОГО-ЕКОНОМІЧНИХ ЗБИТКІВ ВІД КАТАСТРОФ ТЕХНОГЕННОГО ХАРАКТЕРУ	164
<b>М. В. ВАСИЛЬКІВ</b>	
ТАКТИЧНІ МЕХАНІЗМИ ТА ЗАСОБИ РОЗВИТКУ КОНСАЛТИНГУ В СИСТЕМІ ЗОВНІШНЬОЕКОНОМІЧНОЇ ДІЯЛЬНОСТІ ТРАНСКОРДОННОГО РЕГІОНУ	171
<b>Ю. Й. ГАРАСИМ</b>	
ІНСТИТУАЦІЯ МЕХАНІЗМУ АНТИДЕМПІНГОВОГО РЕГУлювання в Україні	176
<b>Т. В. ГУРГУЛА</b>	
ПРОДОВОЛЬЧА БЕЗПЕКА КРАЇНИ ЯК МЕТА ПОЛІТИКИ СОЦІАЛЬНО-Орієнтованої ДЕРЖАВИ	180
<b>Л. О. НІКІФОРОВА, В. О. ЧОРНИЙ, Т. К. МЕШЕРЯКОВА</b>	
УЗГОДЖЕННЯ ІНТЕРЕСІВ ЕКОНОМІЧНОЇ ВЗАЄМОДІЇ РИНКІВ УКРАЇНИ, АЗЕРБАЙДЖАНУ ТА ТУРЧЧИНІ В ГАЛУЗІ АВТОМОБІЛЕВУДУВАННЯ	184
<b>ХАЛЕД САЛУТА</b>	
ПРОБЛЕМЫ ДИВЕРСИФИКАЦИИ ВНЕШНЕТОРГОВЫХ СВЯЗЕЙ СИРИИ В УСЛОВИЯХ РЕГІОНАЛЬНОЙ НЕСТАБІЛЬНОСТИ	190
<b>Г. А. ТІХОСОВА, Т. М. ГОЛОВЕНКО, О. А. СОБОЛЕВ</b>	
ЕКОНОМІЧНА ДОЦІЛЬНІСТЬ ВИРОБНИЦТВА НЕТКАНИХ МАТЕРІАЛІВ З ЛЬОНУ ОЛІЙНОГО НА ВІТЧИЗНЯНИХ ПІДПРИЄМСТВАХ	196
<b>К. А. ФЛІССАК</b>	
БЛИЗЬКОСХІДНИЙ ВЕКТОР ЗОВНІШНЬОЕКОНОМІЧНОЇ ДІЯЛЬНОСТІ УКРАЇНИ: МОЖЛИВОСТІ І ПЕРСПЕКТИВИ	199
<b>М. В. ЦАП</b>	
СУТНІСТІ ХАРАКТЕРИСТИКИ ПРОЦЕСУ ІМПОРТОЗАМІЩЕННЯ ТА ЙОГО СОЦІАЛЬНО-ЕКОНОМІЧНА РОЛЬ	206

---

<b>М. В. КОРНЄЄВ</b> ВПЛИВ ФІНАНСАЛІЗАЦІЇ ЕКОНОМІКИ НА РІВЕНЬ ЗАДОВОЛЕННЯ ОКРЕМИХ СУСПІЛЬНИХ ПОТРЕБ	211
<b>А. О. ФРІЗОРЕНКО, С. І. БОЖКО</b> ОЦІНКА ЕФЕКТИВНОСТІ ВИКОРИСТАННЯ ЕНЕРГЕТИЧНИХ РЕСурсів НА ОСНОВІ ЕНЕРГЕТИЧНОГО БАЛАНСУ ТА СУПУТНИХ ДАНИХ	220
<b>В. В. ДРУЖИНІНА</b> ПОНЯТТЯ «РИНОК ПРАЦІ»: РЕТРОСПЕКТИВА І СУЧASNІСТЬ	227
<b>К. В. СОЛЯННІК</b> МЕХАНІЗМИ РОЗВИТКУ ТРАНЗИТНОГО ПОТЕНЦІАЛУ ТРАНСПОРТНОЇ СИСТЕМИ УКРАЇНИ	232
<b>Л. В. ПАНЧУК</b> ЕТАПИ ФОРМУВАННЯ ТА ОСОБЛИВОСТІ ДІЯЛЬНОСТІ ТРАНСНАЦІОНАЛЬНИХ КОРПОРАЦІЙ	237
<b>Н. І. ГАВЛОВСЬКА, Є. М. РУДНІЧЕНКО</b> ТЕОРЕТИЧНИЙ БАЗИС СИСТЕМИ ЕКОНОМІЧНОЇ БЕЗПЕКИ ПІДПРИЄМСТВ ГОТЕЛЬНО-РЕСТОРАННОЇ СФЕРИ	241
<b>В. П. ПИЛІПЧУК</b> ФІНАНСОВО-ГОСПОДАРСЬКА ДІЯЛЬНІСТЬ ВИЩОГО НАВЧАЛЬНОГО ЗАКЛАДУ В ЗАБЕЗПЕЧЕННІ ЙОГО КОНКУРЕНТОСПРОМОЖНОСТІ	246

УДК 519.86:336.71

Л. М. МАЛЯРЕЦЬ

Харківський національний економічний університет імені Семена Кузнеця

В. В. КОЙБІЧУК

Державний вищий навчальний заклад «Українська академія банківської справи Національного банку України»

## РОЗРОБЛЕННЯ НЕЧІТКОЇ БАГАТОФАКТОРНОЇ ЛІНІЙНОЇ РЕГРЕСІЙНОЇ МОДЕЛІ В УПРАВЛІННІ КОНКУРЕНТОСПРОМОЖНІСТЮ БАНКУ

*В статті наведено аналіз методів побудови нечітких багатофакторних лінійних регресійних моделей, описані переваги та недоліки кожного з них. В запропонованій нечіткій багатофакторній лінійній регресійній моделі розглядається критерій мінімізації нечіткості для оцінки нечітких параметрів математичної моделі, що передбачає використання результатів описової статистики значень результативної ознаки. Побудова моделі ґрунтуються на розробленій концептуально-структурній схемі конкурентоспроможності банку та визначеного його ознакового простору.*

*Ключові слова:* нечітка регресійна модель, конкурентоспроможність банку, ознаковий простір, критерій мінімізації нечіткості, інструменти описової статистики.

L. MALIARETS

Simon Kuznets Kharkiv National University of Economics

V. KOYBICHUK

State Higher Educational Institution «Ukrainian Academy of Banking of the National Bank of Ukraine»

## DEVELOPMENT OF MULTIFACTOR FUZZY LINEAR REGRESSION MODEL IN THE MANAGEMENT OF THE BANK'S COMPETITIVENESS

*The article provides an analysis of the methods of constructing fuzzy multifactorial linear regression models, describes the advantages and disadvantages of each. In the proposed multivariate fuzzy linear regression model considered the criterion of minimization fuzziness for evaluation of fuzzy parameters of the mathematical model, which involves the use of the results of descriptive statistics values effective signs. Building a model based on the proposed conceptual and structural scheme of the bank's competitiveness and its specified feature space. In addition, for the construction of fuzzy linear regression model of competitiveness of the bank used only meaningful indicators, selected using the tools of descriptive statistics, canonical analysis and classical regression models.*

*Keywords:* fuzzy regression model, competitiveness of the bank, feature space, fuzziness reduction criterion, tools of descriptive statistics.

Відсутність достатньої кількості статистичної інформації щодо значень показників діяльності банків, їх неточність часто призводить до невідповідності ідеалізації в моделюванні конкурентоспроможності банків, в управлінні їх діяльністю. Найчастіше для виявлення залежностей результативної ознаки конкурентоспроможності банку від факторів використовуються методи регресійного аналізу. Однак, якщо інформація відноситься до іншого типу, наприклад, є частково наближеною, то класичні методи регресійного аналізу не можна застосовувати. Одним зі способів формалізації наблизеної інформації є використання нечітких множин та нечітких чисел в методах нечіткого регресійного аналізу.

В цілому, узагальнюючи роботи вчених С. Д. Штовби [1], Н. Г. Ярушкіної [2], Н. F. Wang, R. C. Tsaur [3, 5], D. T. Redden, W. H. Woodall [4], C. Kao, P. H. Lin [6], P. A. Алієва, А. Е. Церковного, Г. А. Мамедової [7], A. Celmins [8], P. Diamond [9], M. S. Yang, T. S. Lin [10], M. Sakawa, H. Yano [11], Н. В. Сапкіної [12], Т. М. Леденьової [13], можна виділити три основних підходи для побудови нечіткої регресійної моделі (рис. 1).



Рис. 1. Основні підходи для побудови нечіткої регресійної моделі

Більшість авторів [1, 2, 3, 5, 6] вважають, що вперше нечітка регресія описана в роботі зарубіжного науковця Н. Танака [14]. В ній розглядається нечітка множина  $A$ , що описується парою – нечітка змінна та її функція належності  $\mu_A(x)$ . Формально нечітка множина записується у вигляді:

$$A = \{x, \mu_A(x) : x \in X, 0 \leq \mu_A(x) \leq 1\}, \quad (1)$$

де  $x$  – можливі значення нечіткої змінної в заданій множині  $X$ ,  $0 \leq \mu_A(x) \leq 1$  – функція належності, котра задає ступінь належності конкретного значення  $x$  нечіткій множині  $A$ .

Отже, перший підхід фундується роботою Х. Танаки [14] у 1982 р. Він розглянув модель лінійної регресії (FLR) з нечітким коефіцієнтом, для визначення якого використовував методи лінійного програмування. Нечітка регресія являє собою діяку нечітку функцію, що пов'язує входи та вихід досліджуваної залежності:

$$Y = A_1 x_1 + \dots + A_n x_n - Ax, \quad (2)$$

де  $A_i, i = \overline{1, n}$  – нечітка множина, описана формулами (3, 4).

$$\mu_A(a) = \min_j |\mu_{A_j}(a_j)|. \quad (3)$$

$$\mu_{A_j}(a_j) = \begin{cases} 1 - \frac{|a_j - \alpha_j|}{c_j}, & \alpha_j - c_j \leq a_j \leq \alpha_j + c_j, c_j > 0 \\ 0, & \text{в іншому випадку} \end{cases} \quad (4)$$

Нечіткий параметр  $A$ , що має значення «приблизно  $\alpha$ », описується центром  $\alpha$  і шириною  $c$  (рис. 2).

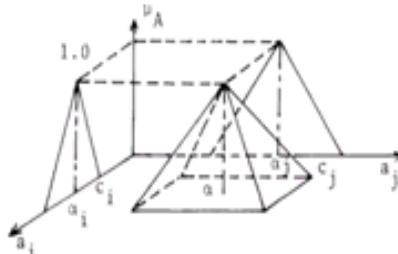


Рис. 2. Нечітка множина параметра  $A$

Дані повинні бути представлені лінійною нечіткою моделлю (5):

$$Y_i^* = A_1^* x_{i1} + \dots + A_n^* x_{in} \equiv A^* x_i. \quad (5)$$

Задача полягає в тому, щоб знайти нечіткі параметри  $A_i^* = (\alpha_i, c_i)$ , які є розв'язком наступної задачі лінійного програмування:

$$\begin{aligned} & \min_{\alpha, c} J = c_1 + \dots + c_n \\ & \left\{ \begin{array}{l} \alpha^T x_i + (1-H) \sum_j c_j |x_{ij}| \geq y_i + (1-H)s_i, \\ -\alpha^T x_i + (1-H) \sum_j c_j |x_{ij}| \geq -y_i + (1-H)s_i, \\ c_j \geq 0, j = \overline{1, n} \end{array} \right. \end{aligned} \quad (6)$$

де  $x_{ij}$  – відомі вхідні дані,  $H$  – рівень довіри. Нечіткий відомий вихід  $Y_i$  описується двома змінними  $y_i = (y_i, s_i)$ ,  $y_i$  – центр,  $s_i$  – ширина. Функція належності  $\mu_{Y_i}(y)$  записується у вигляді:

$$\mu_{Y_i}(y) = 1 - \frac{|y_i - y|}{s_i}. \quad (7)$$

Зарубіжні вчені зазначають суттєві недоліки даного підходу. По-перше, коефіцієнти регресії високочутливі до викидів даних [4], по-друге, оцінка має широкий діапазон [5], по-третє, цільова функція не інтерпретується як діякий показник схожості бажаної та дійсної поведінки моделі, на відміну від звичайного регресійного аналізу; чим більше спостережень, тим більш розмита оцінка, що суперечить загальним положенням регресійного аналізу: чим більше спостережень, тим більш точний результат [6]. Тяжко не погодитись з науковцями D. T. Redden, W. H. Woodall [4], H. F. Wang, R. C. Tsaur [5], оскільки здійснена практична перевірка даної моделі на показниках конкурентоспроможності банку (КБ) [15] привела до недостовірних результатів. Задача вирішувалась в середовищі MS Office Excel з допомогою надбудови «Пошук рішення». Отримані значення виявилися дуже великими, деякі від'ємними, що не можливо,

вихідчи з нормативів НБУ. Виправдається твердження, що модель високочутлива до викидів даних [4].

Російський вчений Р. А. Алієв [7] в 1991 році також запропонував застосовувати критерій мінімізації нечіткості для оцінки нечітких параметрів математичної моделі та використав інтервальний нечіткий МНК, представленаї нечітким рівнянням множинної регресії:

$$\tilde{Y} = \tilde{A}_0 + \tilde{A}_1 x_1 + \dots + \tilde{A}_k x_k, \quad (8)$$

де  $x_i, i = \overline{1, k}$  – детерміновані значення,  $\tilde{Y}$  – нечіткі.

Для оцінки нечітких параметрів побудованої моделі був використаний критерій мінімізації відхилень нечітких вихідних значень  $\tilde{y}_j$ , отриманих за (8), від відповідних вибіркових значень  $y_j$  за даними спостережень  $j = \overline{1, n}$ :

$$J = \bigcup_{j=1, n} (y_j - \tilde{y}_j)^2 \rightarrow \min \quad (9)$$

$H$  – обмежена різниця нечітких чисел, що визначається формулою (10):

$$\mu_j(x) = \mu_{\tilde{Y}, H}(\tilde{y}_j) = \max(0, \mu_{\tilde{Y}}(x) - \mu_{\tilde{y}_j}(x)). \quad (10)$$

Тобто задача оцінки параметрів регресії (8) була зведена до мінімізації багатовимірної функції з нечіткими змінними.

Р. А. Алієв припустив, що нечіткі коефіцієнти  $\tilde{A}_0, \tilde{A}_1, \dots, \tilde{A}_k$  є нормальними нечіткими множинами на

$$\mathbb{R}: \tilde{A}_i = \bigcup_{a_i \in \mathbb{R}} \mu_{A_i}(a_i) / a_i,$$

та визначив  $\alpha$ -рівневі множини нечітких коефіцієнтів  $\tilde{A}_i$ :

$$a_i^\alpha = \{a_i : a_i \in \mathbb{R}, \mu_{A_i}(a_i) \geq \alpha\}, i = \overline{0, k}, \alpha \in [0, 1]. \quad (11)$$

Для оцінки нечітких коефіцієнтів  $\tilde{A}_0, \tilde{A}_1, \dots, \tilde{A}_k$  він визначав такі коефіцієнти  $a_0^{\alpha_0}, a_1^{\alpha_1}, \dots, a_k^{\alpha_k}, s = \overline{1, p}$  на кожному рівні  $\alpha_s, (\alpha : \{\alpha_0 = 0, \alpha_1, \dots, \alpha_s, \alpha_p = 1\})$ , які задовільняють умови

$$J_s = \sum_{j=1}^n (y_j^{\alpha_s} - \tilde{y}_j^{\alpha_s})^2 \rightarrow \min, s = \overline{1, p}, \quad (12)$$

де  $\tilde{y}_j^{\alpha_s} = a_0^{\alpha_s} + a_1^{\alpha_s} x_1 + \dots + a_k^{\alpha_s} x_k$ .

Детерміновані значення  $y_j^{\alpha_s}$ , які спостерігаються, отримані апроксимацією нечітких значень вихідної змінної  $\tilde{y}_j^{\alpha_s}$   $\alpha$ -рівневими множинами у відповідності з апроксимацією нечітких коефіцієнтів  $\tilde{A}_0, \tilde{A}_1, \dots, \tilde{A}_k$ .

Таким чином, вихідна задача оцінювання нечітких коефіцієнтів нечіткого рівняння регресії (8) була зведена до класичних задач оцінювання параметрів множинної регресії [7].

Іншим підходом побудови нечіткої лінійної регресії є підхід, заснований на методі найменших квадратів (FLSRA), який запропонували А. Селмінс [8] та П. Даймонд [9] у 1987–1988 р. Даний підхід передбачає підбір нечітких коефіцієнтів регресії таким чином, щоб мінімізувати відстань між нечіткими числами (викодом моделі та даними з вхідної терм-множини). Для цього застосовуються методи багаторитмічного програмування та нечіткій метод найменших квадратів [10]. Відповіді були сформовані в роботах вчених Min Shen Yang та Tzu-Shun Lin (2002) [10] та M. Sakawa, Yano 1992) [11].

Браховуючи переваги та недоліки описаних підходів щодо побудови нечітких регресійних моделей, доцільно розробку нечіткої регресійної моделі конкурентоспроможності банку здійснити за методикою Р. А. Алієва [7]. Перш ніж будувати нечітку лінійну регресійну модель конкурентоспроможності авторами в роботі [15] було побудовано концептуальну модель конкурентоспроможності банку, адже її побудова є принциповою основою будь-якої економіко-математичної моделі. З допомогою інструментів описової статистики та методів канонічного аналізу був отриманий коректний ознаковий простір моделювання конкурентоспроможності банку [16]. Основними складними та елементарними ознаками, що формують конкурентоспроможність банку, є: 1) показники конкурентоспроможності банківських послуг (продуктів) ( $C_{bp}$ ); 2) показники менеджменту банку ( $P_m$ ); 3) ресурси банку ( $B_r$ ); 4) показники здатності вести конкурентну боротьбу ( $B_{ac}$ ); 5) показники зовнішнього середовища ( $E_b$ ). До показників  $C_{bp}$  відносяться:

$x_1$  – споживча еластичність послуги,  $x_3$  – умови надання послуги,  $x_7$  – розгалуженість збутової мережі,  $x_8$  – якість післяпродажного обслуговування. До показників  $P_m$  відносяться:  $x_9$  – інноваційні послуги банку,  $x_{11}$  – рівень менеджменту,  $x_{12}$  – строк роботи банку на ринку,  $x_{14}$  – кількість відділень,  $x_{15}$  – ефективне використання технологій. До показників  $B_m$  відносяться:  $x_{17}$  – власні кошти,  $x_{18}$  – залучені кошти,  $x_{19}$  – запозичені кошти банку. До показників  $E_m$  відносяться:  $x_{22}$  – загальна доходність активів,  $x_{24}$  – чистий спред,  $x_{25}$  – сумарна частка чистого процентного доходу і чистого комісійного доходу в операційному прибутку,  $x_{26}$  – залучені кошти на умовах субборгу,  $x_{27}$  – процента ставка за субординованим боргом в національній валюті,  $x_{28}$  – процента ставка за субординованим боргом в доларах США,  $x_{29}$  – процента ставка за субординованим боргом в євро,  $x_{30}$  – GAP,  $x_{32}$  – коефіцієнт відношення кредитного портфелю до зобов'язань банку,  $x_{34}$  – частка вкладів фізичних осіб в пасивах,  $x_{37}$  – коефіцієнт співвідношення регулятивного капіталу до сукупних активів капіталу (НЗ),  $x_{39}$  – коефіцієнт фінансового левериджу. До показників  $E_b$  відносяться:  $x_{41}$  – грошова база,  $x_{43}$  – темп зміни готівкового курсу,  $x_{46}$  – рівень безробіття [16].

Методами класичного регресійного аналізу побудовано 12 моделей конкурентоспроможності банку [17]. Найбільш адекватною виявилася модель конкурентоспроможності банку, що описує залежність результативної змінної  $y_{30}$  (GAP) від 4-х незалежних значимих факторів ( $x_{12}, x_{18}, x_{19}, x_{41}$ ). Показник GAP – різниця між активами та зобов'язаннями банку з відповідними строками, який використовують для оцінювання ризику на короткострочкових інтервалах (наприклад, позитивна різниця (positive gap) виникає у випадку, коли сума короткострочкових активів перевищує суму короткострочкових зобов'язань; негативна різниця (negative gap) виникає у випадку, коли сума короткострочкових зобов'язань перевищує суму короткострочкових активів).

$$y_{30} = -5,153458E6 + 545539x_{12} - 0,308138x_{18} - 1,68207x_{19} - 0,0312202x_{41}. \quad (13)$$

Вихідна інформація стосовно значень показників отримана зі звітності банку [18] за період з 2008 по 2013 рік.

При побудові нечіткої лінійної багатофакторної регресійної моделі конкурентоспроможності банку в якості вхідних даних скористаємося чіткими змінними  $x_{12}, x_{18}, x_{19}, x_{41}$  та нечіткою змінною  $y_{30}$ . Банки часто в своїх звітах публікують не зовсім точну інформацію, наприклад в річному фінансовому звіті за стандартами НБУ наводиться одне значення, а в квартальніх звітах цей же самий показник має деяло інше значення, при цьому розбіжність складає декілька сотен тисяч грн. Крім того, деяка статистична інформація, необхідна для розрахунку зазначеного показника, наприклад для показника  $x_{19}$ , часто взагалі відсутня.

Рівняння нечіткої регресії, яке описує конкурентоспроможність банку від означених факторів, згідно формули (8) будемо шукати у вигляді:

$$\tilde{Y}_{30} = \tilde{A}_0 + \tilde{A}_1 x_{12} + \tilde{A}_2 x_{18} + \tilde{A}_3 x_{19} + \tilde{A}_4 x_{41}. \quad (14)$$

Для ідентифікації нечітких коефіцієнтів  $\tilde{A}_i (i=1,4)$  використовувані нечіткі множини було розбито з урахуванням рівнів:  $\alpha_1 = 0,5$ ;  $\alpha_2 = 0,8$ ;  $\alpha_3 = 1$ . Носій кожного нечіткого числа, що відповідає значеням показників результативної ознаки  $y_{30}$ , визначено на основі побудованої функції належності для  $y_{30}$  інструментами описової статистики в пакеті Statgraphics Centurion. Носієм нечіткого числа є інтервал  $(a, b)$ , в межах якого буде знаходитися нечітке число. Границі інтервалу визначаються функцією належності, яка є основою для прийняття управлінського рішення, нечіткого числа при відповідному рівні довіри ( $\alpha$ -зріzi). Вид функції належності визначено з допомогою інструментів описової статистики та на основі аналізу гістограми результативної ознаки  $y_{30}$ . Обґрутування необхідності застосування інструментів описової статистики для опису елементарних ознак об'єктів в економіці авторами детально описано в роботі [16]. Аналіз функції змін його значень засвідчив, що вона є S-подібною, що цілком закономірно [19]. Відомо, що S-подібною кривою моделюється процес різкого переходу від одного стабільного стану до іншого. Інтерпретація S-подібної функції розподілу конкурентоспроможності банку така: посилення конкурентоспроможності банку призводить до збільшення його рівня, а починаючи з деякого реперного значення уповільнюється розвиток даної характеристики або взагалі падає.

Пропонується для визначення нечітких інтервалів  $(a, b)$ , які описують нечіткі значення результативної ознаки  $y_{30}$  ввести коефіцієнти  $\beta_1, \beta_2$ , які використовують статистичні характеристики показника  $y_{30}$ :

$$\beta_1 = \frac{y_{\alpha=0.5}}{y_{\alpha=1}}; \quad (15)$$

$$\beta_2 = \frac{y_{\alpha=0.8}}{y_{\alpha=1}}, \quad (16)$$

де  $y_{\alpha=0.5}$  – значення показника  $y_{10}$ , що відповідає 50-му перцентиллю (медіана);  $y_{\alpha=0.8}$  – значення показника  $y_{10}$ , що відповідає 80-му перцентиллю;  $y_{\alpha=1}$  – значення показника  $y_{10}$ , що відповідає 100-му перцентиллю. Перцентилі узагальнюють інформацію про сукупність значень величини ознак, характеризуючи значення, що досягається заданим процентом загальної кількості спостережень [20], тобто величина  $X$ , до якої знаходитьсья 50% спостережень, називається 50-м перцентилем; величина  $X$ , до якої знаходитьсья 80% спостережень та вище якої знаходитьсья 20% спостережень називається 80-м перцентилем. Математично доведено, що на основі значень перцентилів можна отримати таку форму опису величин досліджуваної ознаки, на яку не впливатимуть викиди (аномальні значення).

Для нашої задачі відповідні значення перцентилів для показника  $y_{10}$  такі:  $y_{\alpha=0.5} = -4,63179E6$ ;  $y_{\alpha=0.8} = -3,34881E6$ ;  $y_{\alpha=1} = -2,54144E6$ . Взагалі вибір рівня довіри  $\alpha$ , залежить від дослідника, наскільки в нього переважають пессимістичні позиції, чи оптимістичні щодо достовірності даних.

У відповідності до вибраного рівня довіри значення показника (GAP) представлені в табл. 1-3. Носі  $(a, b)$  нечіткої результативної ознаки  $y_{10}$  на відповідному рівні, визначаються формулами:

$$\text{Якщо } \alpha = 0.5 : a = \beta_1 y_k - s; \quad b = \beta_1 y_k + s, k = \overline{1, n} \quad (17)$$

$$\text{Якщо } \alpha = 0.8 : a = \beta_2 y_k - s; \quad b = \beta_2 y_k + s, k = \overline{1, n} \quad (18)$$

де  $s = 317004$  – стандартна похибка,  $y_k$  – значення результативної ознаки  $y_{10}$ , визначене при  $k$ -му спостереженні на основі звітності банку [18]. Чим менше значення стандартної похибки, тим більш достовірною є оцінка.

Таким чином, необхідні параметри  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,  $s$  для розрахунку границь інтервалу, якому належить нечітке значення результативної ознаки  $y_{10}$  при відповідному рівні довіри, вид функції належності отримано на основі результатів описової статистики та математично обґрунтовано числовими характеристиками досліджуваного показника.

Обчислимо коефіцієнти  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ :

$$\beta_1 = \frac{y_{\alpha=0.5}}{y_{\alpha=1}} = \frac{-4,63179E6}{-2,54144E6} = 1,82, \quad (19)$$

$$\beta_2 = \frac{y_{\alpha=0.8}}{y_{\alpha=1}} = \frac{-3,34881E6}{-2,54144E6} = 1,32. \quad (20)$$

Для ідентифікації коефіцієнтів  $a_i^{\alpha_j}$  ( $i = \overline{0,4}, j = \overline{0,3}$ ) на кожному рівні  $\alpha_j$  нечітке рівняння регресії (14) у відповідності до (8) представляється як:

$$y_{10}^{\alpha_j} = a_0^{\alpha_j} + a_1^{\alpha_j} x_{11} + a_2^{\alpha_j} x_{12} + a_3^{\alpha_j} x_{13} + a_4^{\alpha_j} x_{14}. \quad (21)$$

Як бачимо (21) являє собою класичне рівняння регресії. Для оцінки його коефіцієнтів скористаємося програмою Statgraphics Centurion. В результаті отримаємо рівняння для кожного рівня на кожному інтервалі нечіткості (табл. 4).

Всі обчислені рівняння є статистично якісними, що підтверджують критерій Стьюдента, Фішера та Дарбіна-Уотсона. Для визначення нечітких коефіцієнтів  $\tilde{A}_i$  ( $i = \overline{1,4}$ ) отримані значення  $a_i^{\alpha_j}$  об'єднуються з використанням співвідношення (22) або (23):

$$\tilde{A}_i = \bigcup_{\alpha \in [0,1]} a_i^{\alpha}. \quad (22)$$

$$\mu_{\tilde{A}_i}(a_i) = \sup \min \{\alpha, \mu_{a_i^{\alpha}}\}, \quad a_i^{\alpha} = \{a_i | \mu_{\tilde{A}_i}(a_i) \geq \alpha\}. \quad (23)$$

Таким чином, рівняння, що описує нечітку залежність GAP банку від факторів  $x_i$  ( $i = \overline{1,4}$ ) має вигляд:

$$y_{10} = (0,5/2,35655E6 + 0,8/1,62206E6 + 1/-5,15358E6 + 0,8/2,25607E6 + 0,5/2,99056) + (0,5/-195262 + 0,8/-141618 + 1/545539 + 0,8/-141618 + 0,5/-195262)x_{11} + (0,5/-1,833989 + 0,8/-1,33443 + 1/-0,308138 + 0,8/-1,33443 + 0,5/-1,833989)x_{12} + (0,5/-1,8148 + 0,8/-1,31623 + 1/-0,308138 + 0,8/-1,31623 + 0,5/-1,8148)x_{13} + (0,5/0,00884206 + 0,8/0,00641292 + 1/-0,0312202 + 0,8/0,00641292 + 0,5/0,00884206)x_{14}.$$

Таблиця 1

Значення показників конкурентоспроможності банку «Хрещатик» при  $\alpha_3 = 1$ .

№зп	Срок роботи банку на ринку (рік)	Залучені кошти банку	Запозичені кошти банку	Грошова база	(GAP)
	$x_{it}$	$x_{it}$	$x_{it}$	$x_{it}$	$y_{it}$
$\alpha_3 = 1$					
1	15	2849938	421951	141901000,00	-2919848
2	15	3049712	139070	141901000,00	-2541750
3	15	3355841	127370	141901000,00	-2818580
4	15	3477179	141085	141901000,00	-2953975
5	16	5006486	185492	186671000,00	-4502500
6	16	5010108	210937	186671000,00	-4512970
7	16	4794859	107067	186671000,00	-4198312
8	16	4542083	119558	186671000,00	-3915829
9	17	4395356	68475	194965000,00	-3707380
10	17	4042508	66608	194965000,00	-3348990
11	17	4585234	80946	194965000,00	-3907663
12	17	5133806	143829	194965000,00	-4542594
13	18	5611935	156890	225692000,00	-5111608
14	18	5206145	158929	225692000,00	-4721293
15	18	5619651	162643	225692000,00	-5110999
16	18	5832177	453915	225692000,00	-5611990
17	19	6095669	400527	239885000,00	-5926511
18	19	6183960	444527	239885000,00	-6046507
19	19	6103161	452574	239885000,00	-5974954
20	19	6140137	596264	239885000,00	-6155378
21	20	5913932	928958	255283000,00	-6293802
22	20	5792606	1110659	255283000,00	-6240945
23	20	5 887 207	2992408	255283000,00	-8238401
24	20	6750487	1995577	255283000,00	-8087851

Таблиця 2

Значення показників конкурентоспроможності банку «Хрещатик» при  $\alpha_1 = 0,5$ 

№зп	Срок роботи банку на ринку (рік)	Залучені кошти банку	Запозичені кошти банку	Грошова база	(GAP)	
	$x_{it}$				$y_{it}$	$a$
	$x_{it}$	$x_{it}$	$x_{it}$	$x_{it}$	$y_{it}$	$b$
$\alpha_1 = 0,5$						
1	15	2849938	421951	141901000,00	-5630945,36	-4906937,36
2	15	3049712	139070	141901000,00	-4942424,8	-4308416,8
3	15	3355841	127370	141901000,00	-5446499,28	-4812491,28
4	15	3477179	141085	141901000,00	-5692947,3	-5058999,3
5	16	5006486	185492	186671000,00	-8511362,9	-7877354,9
6	16	5010108	210937	186671000,00	-8530414,66	-7896406,66
7	16	4794859	107067	186671000,00	-7957567,84	-7323559,84

№ п/п	Срок роботи банку на ринку (роках)	Залучені кошти банку	Започатковані кошти банку	Грошова база	(GAP)	
					$\gamma_M$	
		$x_{11}$	$x_{12}$	$x_{13}$	$a$	$b$
$\alpha_1 = 0,5$						
8	16	4542083	119558	186671000,00	-7443266,78	-6809258,78
9	17	4395356	68475	194965000,00	-7064044,3	-6430036,3
10	17	4042508	66608	194965000,00	-6411834,56	-5777826,56
11	17	4385234	80946	194965000,00	-7428386,66	-6794578,66
12	17	5133806	143829	194965000,00	-8584343,08	-7950335,08
13	18	5611935	156890	223692000,00	-9619948,56	-8985940,56
14	18	5206145	158929	223692000,00	-8909393,26	-8275385,26
15	18	5619651	162643	223692000,00	-9618958,48	-8984950,48
16	18	5832177	453915	223692000,00	-10530714,78	-9896706,78
17	19	6095669	400527	239885000,00	-11102890,02	-10468882,02
18	19	6183960	444527	239885000,00	-11321464,74	-10687456,74
19	19	6103161	452574	239885000,00	-11191258,28	-10557230,28
20	19	6140137	596264	239885000,00	-11519427,96	-10885419,96
21	20	5913932	928958	255283000,00	-11771359,64	-11137351,64
22	20	5792606	1110659	255283000,00	-11675341,9	-11041333,9
23	20	5887207	2992408	255283000,00	-15310620,82	-14676612,82
24	20	6750487	1995577	255283000,00	-15036710,82	-14402702,82

Таблиця 3  
Значення показників конкурентоспроможності банку «Хрещатик» при  $\alpha_2 = 0,8$

№ п/п	Срок роботи банку на ринку (роках)	Залучені кошти банку	Започатковані кошти банку	Грошова база	(GAP)	
					$\gamma_M$	
		$x_{11}$	$x_{12}$	$x_{13}$	$a$	$b$
$\alpha_2 = 0,8$						
1	15	2849938	421951	141001000,00	-4171071,36	-3370693,36
2	15	3049712	139070	141001000,00	-3671704,8	-3087696,8
3	15	3353841	127370	141001000,00	-4037297,28	-3403892,28
4	15	3477179	141085	141001000,00	-4216039,8	-3582091,8
5	16	5006496	185492	186671000,00	-4260165,4	-5026157,4
6	16	5010108	210937	186671000,00	-6273983,16	-5639975,16
7	16	4794859	107067	186671000,00	-5858311,84	-5224303,84
8	16	4542083	119558	186671000,00	-5485502,28	-4814042,28
9	17	4895356	68475	194965000,00	-5210461,8	-4576453,8
10	17	4042508	66608	194965000,00	-4737480,56	-4108402,56
11	17	4585334	80946	194965000,00	-5474851,16	-4840847,16
12	17	5133806	143829	194965000,00	-6313096,08	-5679088,08
13	18	5611935	156890	223692000,00	-7064194,56	-6430186,56
14	18	5206145	158929	223692000,00	-6548846,76	-5914838,76
15	18	5619651	162643	223692000,00	-7063476,48	-6429468,48
16	18	5832177	453915	223692000,00	-7724750,28	-7090742,28
17	19	6095669	400527	239885000,00	-8139734,52	-7505726,52
18	19	6183960	444527	239885000,00	-8298261,24	-7664253,24
19	19	6103161	452574	239885000,00	-8208811,28	-7569803,28
20	19	6140137	596264	239885000,00	-8441838,96	-7807830,96
21	20	5913932	928958	255283000,00	-8624558,64	-7900550,64
22	20	5792606	1110659	255283000,00	-8554919,4	-7920911,4
23	20	5887207	2992408	255283000,00	-11191495,32	-10357487,32
24	20	6750487	1995577	255283000,00	-10992835,32	-10358827,32

Таблиця 4

Результати обчислення коефіцієнтів  $a_i^{\alpha_j}$  рівняння (21)

Ліва межа інтервалу нечіткості при відповідному рівні	Права межа інтервалу нечіткості при відповідному рівні
Рівняння регресії при $\alpha_1 = 0,5$	
$y_{10} = 2,3565 \cdot 10^{-6} - 19526x_{11} - 183989x_{12} - 18148x_{13} + 0,0088420x_{41}$	$y_{10} = 2,9905 \cdot 10^{-6} - 19526x_{11} - 183989x_{12} - 18148x_{13} + 0,0088420x_{41}$
Рівняння регресії при $\alpha_2 = 0,8$	
$y_{10} = 1,6220 \cdot 10^{-6} - 141618x_{11} - 1,33443x_{12} - 1,31623x_{13} + 0,0064129x_{41}$	$y_{10} = 2,2560 \cdot 10^{-6} - 141618x_{11} - 1,33443x_{12} - 1,31623x_{13} + 0,0064129x_{41}$
Рівняння регресії при $\alpha_3 = 1$	
$y_{10} = -5,1535 \cdot 10^{-6} + 545539x_{11} - 0,308138x_{12} - 1,68207x_{13} - 0,0312202x_{41}$	

Отже, приведений приклад наглядно продемонстрував, що модель залежності GAP, що є результативною ознакою конкурентоспроможності банку, побудована методами нечіткого регресійного аналізу, надає достовірніший результат, в порівнянні з моделлю, побудованою методами класичного регресійного аналізу, завдяки врахуванню невизначеності вихідної інформації (в даному випадку було розглянуто три рівні довіри 50%, 80%, 100%). Адекватність нечіткої регресійної моделі обумовлюється статистичною якістю чітких регресійних моделей, на яких вона ґрунтуються. Таким чином, в управлінні конкурентоспроможністю банків економісти отримують реальні орієнтири, оскільки нечіткі регресійні моделі дозволяють обчислювати достовірні інтервали змін значень результатів діяльності.

## Література

- Штовба С. Д. Нечеткая идентификация на основе регрессионных моделей параметрической функции принадлежности / С. Д. Штовба // Проблемы управления и информатики. – 2006. – № 6. – С. 38–44.
- Ярушкина Н. Г. Интеллектуальный анализ временных рядов : [учебное пособие] / Н. Г. Ярушкина, Т. В. Афанасьева, И. Г. Перфильева. – Ульяновск : УлГТУ, 2010. – 320 с.
- Wang H. F., Tsaur R. C. Insight of a fuzzy regression model. *Fuzzy Sets and Systems*. – 2000. – N 122 – P. 335–369.
- Redden D. T., Woodall W. H. Properties of certain Fuzzy Linear Regression methods. *Fuzzy Sets and Systems*. – 1994. Vol. 64. – P. 361–375.
- Wang H. F., Tsaur R. C. Resolution of Fuzzy Regression Model. *European Journal of Operational research*. – Vol. 126 – P. 637–650.
- Kao C., Lin P. H. Entropy for Fuzzy Regression Analysis. *International Journal of Systems Science* – 2005. – Vol. 36. – P. 869–876.
- Алиев Р. А. Управление производством при нечеткой исходной информации / Р. А. Алиев, А. Э. Церковный, Г. А. Мамедова. – М. : Энергоатомиздат, 1991. – 240 с.
- Celmins A. Least Squares Model Fitting to Fuzzy Vector Data // *Fuzzy Sets and Systems*. – 1987. – Vol. 22. – P. 260–269.
- Diamond P. Least Squares Fitting of Several Fuzzy Variables // *Proceedings of Second IFS Congress, Tokyo*. – 1987. – P. 20–25.
- Yang M. S., Lin T. S. Fuzzy least-squared linear regression analysis for fuzzy input-output data. *Fuzzy Sets and Systems*. – 2002. – V. 126(3). – P. 389–399.
- Sakawa M., Yano H. Multiobjective fuzzy linear regression analysis for fuzzy input-output data. *Fuzzy Sets and Systems*. – 1992. – V. 47. – P. 173 – 181.
- Сапкина Н. В. Восстановление закономерностей на основе нечетких регрессионных моделей : дис. ... канд. тех. Наук : 05.13.17 / Н. В. Сапкина / Воронежский государственный ун-т. – Воронеж, 2014.
- Леденєва Т. М. Обработка нечеткой информации / Т. М. Леденєва. – Воронеж : Воронежский государственный университет, 2006. – 233 с.
- Tanaka H., Uejima S., Asai K. Linear Regression Analysis with Fuzzy Model. *IEEE Transactions on Systems, Man and Cybernetics*. – 1982. – Vol. 12. – P. 903–907.
- Койбічук В. В. Концептуальна модель конкурентоспроможності банку в сучасних умовах / В. В. Койбічук // Вісник Хмельницького національного університету. – Хмельницький національний університет, 2012. – № 2 (14) – С. 323–329.
- Койбічук В. В. Формування ознакового простору моделі конкурентоспроможності банку / В. В. Койбічук // Вісник Хмельницького національного університету. – Хмельницький національний університет, 2013. – № 4. – Т. 1. – С. 173–179.
- Маларець Л. М. Окремі питання регресійного аналізу: моделі без вільного члена / Л. М.

- Малярець, В. В. Койбічук // Моделирование социально-экономических систем: теория и практика : [монография] / под ред. В.С. Пономаренко, Т.С. Клебановой, Н.А. Кизима]. – Х. : ФЛМ Александрова К.М.; ИД "ИНЖЭК", 2012. – С. 45–57.
18. Про банк [Електронний ресурс] / Банк Хрещатик. – Режим доступу : <http://www.xcitybank.com.ua/zagalna-informaciya/>
19. Карташева О. В. Математическая экономика: учебн. пособие / О. В. Карташева. – Вязьма : Филиал ФГБОУ ВПО «МГИУ» в г. Вязьме, 2012. – Т.3. – 113 с.
20. Пономаренко В. С. Багатовимірний аналіз соціально-економічних систем : [навчальний посібник] / В. С. Пономаренко, Л. М. Малярець. – Харків : ХНЕУ, 2009. – С. 384. – ISBN 978-966-676-347-4.

## References

1. Shtovba S. D. Nechivonkaya identifikaciya na osnove regressionnyx modelej parametricheskoy funkciy primadelzhestnosti, Problemy upravleniya i informatiki, 2006, No. 6, pp. 38–44. [in Russian]
2. Yarushkina N. G., Afanaseva T. V., Afanaseva L. G. Intelektnyyj analiz vremennyx ryadov: uchebnoe posobie. Ul'yanovsk: UIGTU, 2010, 320 p. [in Russian]
3. Wang H. F., Tsaur R. C. Insight of a fuzzy regression model, Fuzzy Sets and Systems, 2000, No. 122, pp. 335–369.
4. Redden D. T., Woodall Properties of certain Fuzzy Linear Regression methods, Fuzzy Sets and Systems, 1994, No. 64, pp. 361–375.
5. Wang H. F., Tsaur R. C. Resolution of Fuzzy Regression Model, European Journal of Operational research, No. 126, pp. 637–650.
6. Kao C., P. H. Lin Entropy for Fuzzy Regression, International Journal of Systems Science, 2005, No. 36, pp. 869 – 876.
7. Aliev R. A., Cerkovnyj A. E., Mamedova G. A. Upravlenie proizvodstvom pri nechivotkoj isходnoj informacii, Energoatomizdat, 1991, 240 p. [in Russian]
8. Celmins A. Least Squares Model Fitting to Fuzzy Vector Data, Fuzzy Sets and Systems, 1987, Vol. 22, pp. 260–269.
9. Diamond P. Least Squares Fitting of Several Fuzzy Variables, Proceedings of Second IFSA Congress, Tokyo, 1987, pp. 20–25.
10. Yang M. S., Lin T. S. Fuzzy least-squared linear regression analysis for fuzzy input-output data, Fuzzy Sets and Systems, 2002, No. 126(3), pp. 389–399.
11. Sakawa M., Yano H. Multiobjective fuzzy linear regression analysis for fuzzy input-output data, Fuzzy Sets and Systems, 1992, No. 47, pp. 173 – 181.
12. Sapkina N. V. Vosstanovlenie zakonomernostej na osnove nechivotkix regressionnyx modelej; dis...kand. tex. nauk: 05.13.17, Voronezhskij gosudarstvennyj un-t, Voronezh, 2014.
13. Ledenyova T. M. Obrabotka nechivotkoj informacii, Voronezh: Voronezhskij gosudarstvennyj universitet, 2006, 233 p. [in Russian]
14. Tanaka H., Uejima S., Asai K. Linear Regression Analysis with Fuzzy Model, IEEE Transactions on Systems, Man and Cybernetics, 1982, No. 12, pp. 903–907.
15. Koibichuk V. V. Kontseptualna model konkurentospromozhnosti banku v suchasnykh umovakh, Visnyk Universitetu bankivskoi spravy Natsionalnoho banku Ukrayny, 2012, No.2 (14), pp. 323–329. [in Ukrainian]
16. Koibichuk V. V. Formuvannia oznakovooho proslorru modeli konkurentospromozhnosti banku, Visnyk Khmelnytskoho natsionalnoho universytetu, Khmelnytskyi natsionalnyi universytet, 2013, No.4, T. 1, pp. 173–179. [in Ukrainian]
17. Maliarets L. M., Koibichuk V. V. Okremi pytannia rehreshionnoho analizu: modeli bez vilnoho chlema, X: FLM Aleksandrova K. M.; ID «INZHEK», 2012, pp. 45–57. [in Ukrainian]
18. Pro bank [Elektronnyi resurs] / Bank Khreshchatyk – Rezhym dostupu: <http://www.xcitybank.com.ua/zagalna-informaciya/> [in Ukrainian]
19. Kartashova O. V. Matematicheskaya ekonomika: uchebn. Posobie, Vyza'ma filial FGBOU VPO «MGU» v g. Vyza'me, 2012. T.3., 113 p. [in Russian]
20. Ponomarenko V. S., Maliarets' L. M. Bahatovymirnyi analiz sotsialno-ekonomichnykh system: navchalnyi posibnyk. Kharkiv: KhNEU, 2009, 384 p. [in Ukrainian]

Надійшла 25.08.2014; рецензент: д. е. н. Отенко В. І.