

## Секція опору матеріалів та машинознавства

существенные упрощения в конструкцию пресса, повысив тем самым надежность деталей при больших нагрузках прессования.

### ОПРЕДЕЛЕНИЕ РАЗМЕРОВ ЗВЕНЬЕВ ШАРНИРНОГО ЧЕТЫРЕХЗВЕННОГО МЕХАНИЗМА

Никитин М.Л., доцент, канд.техн. наук, СумГУ, Андреевша А. гр. ГМ-51

При проектировании рычажных механизмов законы движения выходного звена известны (перемещения, скорость, ускорение). Эти законы зависят от закона движения входного и размеров звеньев. Для механизмов с низшими кинематическими парами параметрами кинематической схемы являются расстояния между шарнирами, а также расстояния до точек, описывающих траектории.

Кинематическая схема должна обеспечивать точное или приближенное движение выходного звена по заданному движению входного. Методы определения размеров бывают аналитические и графические.

Аналитические методы используют, когда необходимо оценить соответствие выполнения выходных параметров от заданных. Графический метод нагляднее и удобен для конструкторов, поэтому он чаще применяется.

Рассмотрим аналитический метод определения размеров шарнирного четырехзвенника у которого неподвижные шарниры расположены на горизонтальной оси. Она же служит линией отсчета углов  $\varphi$  и  $\psi$ , указывающих положения кривошипа и коромысла. Движение входного звена задается в зависимости угла поворота от времени  $\varphi = \varphi(t)$ . Закон движения выходного (коромысла) звена задается так же от времени  $\psi = \psi(t)$ .

Исключим параметр  $t$  из приведенных уравнений. Тогда задача сводится к установлению положения коромысла в зависимости от положения кривошипа  $\psi = \psi(\varphi)$ . Число параметров, подлежащих определению равно трем. Обозначим стороны четырехзвенника как векторы  $i, \ell, r, d$ .

Так как  $i=1$ , то  $i+\ell=d+r$ . Обозначим угол между положением шатуна и осью  $x$  через  $\delta$  и составим уравнения проекций векторов на ось  $x$  и  $y$ .

$$\cos\varphi_i + \ell \cos\delta_i = d + r \cos\psi_i$$

и

$$\sin\varphi_i + \ell \sin\delta_i = r \sin\psi_i,$$

или

$$\ell \cos\delta_i = d + r \cos\psi_i - \cos\varphi_i,$$

$$\ell \sin\delta_i = r \sin\psi_i - \sin\varphi_i.$$

## Секція опору матеріалів та машинознавства

После нескольких преобразований найдем искомые параметры  $\ell$ ,  $d$  и  $r$ .

Схема механизма и расчеты приведены на плакате.

### УСЛОВИЯ ВЫБОРА РАЗМЕРОВ ЗВЕНЬЕВ ЧЕТЫРЕХЗВЕННЫХ РЫЧАЖНЫХ МЕХАНИЗМОВ С НИЗШИМИ ПАРАМИ

Никитин М.А., доцент, канд.техн. наук, СумГУ, Ратушиний А. гр. ГМ-51

При проектировании рычажных механизмов с четырьмя звеньями необходимым условием является установление соотношений между длинами звеньев. Эти соотношения могут быть представлены аналитически в виде неравенств. В зависимости от назначения шарнирный четырехзвенный механизм может быть однокривошипным или двухкривошипным. Рассмотрим условия при котором механизм будет однокривошипным (вращение на угол  $> 360^\circ$ ). Схема механизма приведена на плакате. Обозначим длины звеньев механизма как  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $d$ . Примем  $a < b < c < d$ . Соединим точки В и Д на схеме прямой линией и обозначим ее как f. Из треугольника АВД по теореме косинусов определим величину

$$F^2 = a^2 + d^2 - 2ad \cos \varphi \quad (1)$$

Из треугольника ВСД имеем,  $b + c \geq f \geq c - b$  (2)

Представим первое уравнение как  $(a^2 + d^2 - F^2) / 2ad = \cos \varphi$  (3)

Учитывая неравенства получим

$$a^2 + d^2 - (b + c)^2 / 2ad \leq \cos \varphi \quad (4)$$

и

$$[a^2 + d^2 - (c - b)^2] / 2ad \geq \cos \varphi \quad (5)$$

Принимаем, что звено АВ поворачивается на  $360^\circ$ . Тогда угол  $2\pi$  принимает значения от  $0$  до  $360^\circ$ , а  $\cos \varphi$  изменяется от  $+1$  до  $-1$ . Левая часть неравенства (4) должна быть меньше наименьшего значения  $\cos \varphi$ , а левая часть неравенства (5) должна быть больше наибольшего значения  $\cos \varphi$ , тогда уравнения 4 и 5 запишем в следующем виде:

$$[a^2 + d^2 - (b + c)^2] / 2ad \leq -1 \quad (6)$$

и

$$[a^2 + d^2 - (c - b)^2] / 2ad \leq +1 \quad (7)$$

После некоторых преобразований уравнений 6 и 7 получим

$$d + a \leq b + c \quad (8)$$

$$d - a \geq b - c \quad (9)$$

Запишем последнее неравенство в следующем виде  $d + c \geq a + b$

Неравенство 8 указывает на следующее: чтобы в шарнирном четырехзвеннике у которого стороны удовлетворяют условию