

**MINISTRY OF EDUCATION AND SCIENCE OF UKRAINE
SUMY STATE UNIVERSITY
UKRAINIAN FEDERATION OF INFORMATICS**

PROCEEDINGS

**OF THE IV INTERNATIONAL SCIENTIFIC
CONFERENCE**

**ADVANCED INFORMATION
SYSTEMS AND TECHNOLOGIES**

AIST-2016



**May 25 –27, 2016
Sumy, Ukraine**

The Method for Detection of the Reference Signal

Victor Avramenko, Anton Konoplianchenko, Ruslana Ponomarenko
Sumy State University, Ukraine, avr@sumdu.edu.ua .

Abstract. *The article describes a method for detection of the reference signal, with presence of the periodic additive noise. The characteristics of noise are unknown. The problem is reduced to finding the occurrence of a proportional relationship between some intermediate signals after a time interval equal to the period of the noise. The appearance of proportional relationship detected with using the function of disproportionality by the first order derivative.*

Keywords. *Periodic Additive Noise, Reference Signal, Function of Disproportionality, Proportional Relationship.*

ВВЕДЕНИЕ

Распознавание полезного сигнала при наличии помехи при минимальных сведениях о её характеристиках является актуальной задачей.

В данной работе рассматривается случай, когда имеется аддитивная периодическая помеха с неизвестными спектральными характеристиками. Дано конечное множество функций $f_j(t)$, $j = \overline{1, n}$, описывающих периодические эталонные сигналы.

Анализируется сигнал

$$y(t) = k_1 f_i(t) + k_2(t) \eta(t), \quad (1)$$

где $f_i(t)$ – сигнал из заданного множества, который нужно распознать;

$k_1, k_2(t)$ – неизвестные коэффициенты.

$k_2(t)$ представляет собой квазистационарный случайный процесс.

$\eta(t)$ – периодическая помеха.

Период помехи не совпадает с периодами эталонных сигналов.

Требуется по мгновенным значениям $y(t)$ и $y'(t)$ распознать какой из эталонных сигналов входит в анализируемый сигнал.

Предлагается по очереди от $y(t)$ отнимать эталонный сигнал:

$$\begin{aligned} y_1(t) &= y(t) - c f_j(t) = \\ &= k f_i(t) - c f_j(t) + k_2(t) \eta(t) \end{aligned} \quad (2)$$

Если распознается сигнал $f_i(t)$, который входит в $y(t)$, то $y_1(t)$ имеет вид:

$$y_1(t) = (k_1 - c) f_i(t) + k_2(t) \eta(t).$$

При $c = k_1$ $y_1(t) = k_2(t) \eta(t)$.

Если бы k_2 был постоянным, то достаточно было бы добиться равенства

$y_1(t) = y_1(t + T_\eta)$, чтобы решить задачу с учетом того, что по условию $\eta(t) = \eta(t + T_\eta)$.

То есть, достаточно было бы зафиксировать появление периодического процесса с периодом T_η .

Однако в общем случае вследствие изменения k_2 между $y_1(t)$ и $y_1(t + T_\eta)$ при $c = k_1$ возникает пропорциональная зависимость:

$$y_1(t) = K y_1(t + T_\eta) \quad (3)$$

Таким образом, признаком того, что именно $f_i(t)$ входит в $y(t)$ и того, что $c = k_1$ является появление пропорциональной зависимости (3). При этом коэффициент пропорциональности K неизвестен.

В этих условиях для обнаружения пропорциональной связи между $y_1(t)$ и $y_1(t + T_\eta)$ предлагается использовать функцию непропорциональности по производной 1-го порядка [1]:

$$z_{y_1 y_1}(t) = @ d_{y_1(t)}^{(1)} y_1(t + T_\eta) = \frac{y_1(t + T_\eta) - y_1'(t + T_\eta)}{y_1(t) - y_1'(t)} \quad (4)$$

В случае, когда между $y_1(t)$ и $y_1(t + T_\eta)$ появляется пропорциональная зависимость (3), а также, когда скорость изменения коэффициента $k_2(t)$ и $k_2(t + T_\eta)$ близка к нулю. Поскольку по условию задачи $k_2(t)$ - квазистационарный случайный процесс, можно считать, что за время решения задачи значение коэффициента k_2 , (а значит и коэффициента K в (3)), постоянное. Следовательно

$$z_{y_1 y_1}(t) = \frac{K y_1(t + T_\eta) - K y_1'(t + T_\eta)}{y_1(t) - y_1'(t)} = 0 \quad (5)$$

Таким образом, перебирая эталонные сигналы и изменяя коэффициент c в (2), необходимо добиваться выполнения условия (5).

Это условие позволяет удостовериться, что $f_1(t)$ входит в $y(t)$ с коэффициентом $c = k_1$ при нём.

В общем случае для некоторых значений $t=t^*$ помеха исчезает $\eta(t^*) = 0$ и $\eta'(t^*) = 0$.

Для обнаружения этого факта необходимо одновременно из вычислением непропорциональности (4) нужно вычислять непропорциональность $y(t)$ по $f_1(t)$:

$$Z_{y f_1}(t) = @ d_{f_1(t)}^{(1)} y(t) = \frac{y(t) - y'(t)}{f_1(t) - f_1'(t)} \quad (6)$$

Если $f_1(t)$ входит в $y(t)$, то при $t=t^*$ непропорциональность (6) равняется нулю. В этом случае можно вычислить коэффициент k_1 :

$$k_1 = \frac{y(t^*)}{f_1(t^*)}.$$

Однако в случае, если $\eta(t) = 0$ но $\eta'(t) \neq 0$

$$Z_{y f_1}(t) = \frac{k_2 \eta'(t)}{f_1(t)} \neq 0 \quad (7)$$

Если $Z_{y f_1}(t)$ имеет вид (7), то условие (5) не выполняется. Это не дает возможность вычислить k_1 :

Рассмотрим более общий случай, когда известно лишь то, что помеха гладкая и периодическая, но её период T_η неизвестный.

Тут возможен вариант, когда период T_i эталонного сигнала $f_i(t)$ и T_η - одинаковые.

Поэтому непропорциональность $y(t + T_i)$ по функции $y(t)$ равна нулю (8).

$$Z_{yy}(t) = @ d_{y(t)}^{(1)} y(t + T_i) = 0. \quad (8)$$

Этот случай не даёт возможности использовать метод, который предлагается.

Если период помехи неизвестен, то для решения задачи необходимо подбирать не только коэффициент c в (2) но также и период помехи T_η пока не будет выполнено условие (5).

В общем случае коэффициенты k_1 и k_2 могут изменяться скачкообразно. В этом случае будет наблюдаться переходной процесс $Z_{y_1 y_1}(t)$ (4), когда условие (5) не будет выполняться. Признаком его окончания будет равенство нулю $Z_{y_1 y_1}(t)$ (4).

ВЫВОДЫ

Работоспособность предлагаемого метода проверена с помощью компьютерного моделирования. Таким образом решается задача распознавания эталонного сигнала при аддитивной помехе, о которой известно лишь то, что она периодическая. Этот случай очень часто случается на практике.

REFERENCES

- [1] Авраменко В.В. Характеристики непропорциональности числових функций / Деп. в ГНТБ України 19.01.1988, №59, Ук.98.